

کاربرد تکنیک برنامه‌ریزی آرمانی قطعی و فازی^(۱) در بهینه‌سازی تولیدات کشاورزی

علی دریجانی - مجید کوپاهی

به ترتیب دانشجوی دوره دکترای و استاد گروه

اقتصاد کشاورزی دانشگاه تهران

چکیده

امروزه جوهره علم مدیریت در شیوه مدل‌سازی نهفته بوده و تکنیکهای برنامه‌ریزی ریاضی جهت تخصیص بهینه منابع کمیاب برای حصول حداکثر به آرمانها از مهمترین ابزارهای کاربردی علم مدیریت به‌شمار می‌روند. در برنامه‌ریزیهای کشاورزی در مقایسه با بخش صنعت ضمن آنکه تصمیم‌گیران غالباً با بهینه‌کردن همزمان چندین آرمان مواجه می‌باشند، تولید این واحدها نیز بدلیل وابستگی به شرایط آب و هوایی، بازاریابی و دسترسی به منابع همواره با عدم اطمینان مواجه می‌باشد. در حالیکه غالب مدل‌های برنامه‌ریزی خطی تک هدفه بوده و میزان دسترسی به منابع ثابت در نظر گرفته می‌شود.

تکنیک برنامه‌ریزی آرمانی فازی با حداقل نمودن انحرافات نامساعد از سطوح مطلوب و آرمانی، دستیابی همزمان به اهداف چندگانه رقابتی را مهیا نموده و از طرفی با بهره‌گیری از منطق فازی، تکنیک عملی، توانا و انعطاف‌پذیری را برای مدل‌سازی تصمیم‌گیریهای پیشرفته ایجاد می‌نماید. مطالعه حاضر با استفاده از آمار و اطلاعات مزرعه نماینده واقع در منطقه سرپنیران استان فارس و با کمک مدل‌های برنامه‌ریزی آرمانی قطعی و فازی، ضمن حداکثرسازی حصول نسبی به اهداف چندگانه شامل حداکثرکردن بازده برنامه‌ای و اشتغال، حداقل نمودن ریسک، نیازمندی به اعتبارات از منابع غیررسمی، مصرف کود، سموم شیمیایی و علف‌کشها، اقدام به تعیین الگوی بهینه زراعی نموده و ضمن ارائه ساختار کلی مدل‌های برنامه‌ریزی آرمانی، نتایج حاصل از بکارگیری این مدلها را مقایسه می‌نماید. نتایج نشان می‌دهد الگوی پیشنهادی در حالت‌های مختلف متفاوت بوده و تکنیکهای برنامه‌ریزی آرمانی نتایج واقع‌بینانه و انعطاف‌پذیرتری را نسبت به برنامه‌ریزی خطی سنتی ارائه می‌نمایند.

کلمات کلیدی: برنامه‌ریزی، برنامه‌ریزی خطی، برنامه‌ریزی آرمانی، برنامه‌ریزی آرمانی

فازی، قطعی، بهینه‌سازی، مدل‌سازی، کشاورزی.

مقدمه

امروزه جوهره علم مدیریت در شیوه مدل‌سازی نهفته بوده و تکنیکهای برنامه‌ریزی ریاضی و بویژه برنامه‌ریزی خطی در خصوص تخصیص بهینه منابع کمیاب برای حصول حداکثر به آرمانها از مهمترین ابزارهای کاربردی علم مدیریت به‌شمار می‌روند. چارچوب این مدل‌های تحلیلی غالباً تک هدفه بوده (Mc Gregor, 1993 & Lee, 1990). درحالیکه در دنیای واقعی تصمیم‌گیران اغلب با بهینه‌کردن چندین آرمان مواجه می‌باشند و به مقتضای نوع سازمان، زمان، مکان، نوع عملیات، فلسفه مدیریت، اندازه واحد و ... هدفهای اقتصادی - اجتماعی دیگری (نظیر حداکثرکردن درآمد نقدی، امنیت غذایی خانوار، حداقل نمودن هزینه‌های جاری، اجتناب از ریسک و ... برای بهره‌برداران معیشتی و حداقل کردن بدهکاری، حداقل کردن هزینه‌های جاری، حفظ سهم بازار، توسعه اراضی و ... برای بهره‌برداران تجاری، حداکثرکردن استراحت و رفاه (در سطوح خرد) و حداکثر نمودن اشتغال نیروی کار منطقه (در سطح کلان) و ...) نیز علاوه بر اهداف حداکثرسازی سود و حداقل‌سازی هزینه‌ها وجود داشته‌اند که نمی‌توان آنها را در قالب هدف واحدی خلاصه نمود. این درحالی است که این اهداف گاهاً متعارض می‌باشند. به‌گونه‌ای که دستیابی به یک هدف متضمن دور شدن از اهداف دیگر خواهد شد. از اینرو مسایل مدیریتی بایستی در چارچوب برنامه‌ریزی چند هدفه بررسی گردد که در اینگونه موارد روشهای متعددی جهت تصمیم‌گیری پیشنهاد شده است (Zeleney, 1982, Willis & Perlack, 1980).

برنامه‌ریزی آرمانی با مهیا سازی حل همزمان اهداف چندگانه رقابتی بعنوان یکی از مهمترین روشهای تصمیم‌گیری چند هدفه در سال ۱۹۶۱ توسط چارلز و کوپر معرفی گردید (Charnes & Cooper, 1961) و مرتباً در این نوع برنامه‌ریزی امکان اولویت‌بندی و وزن‌دهی‌های مختلف به آرمانها فراهم آمده و برنامه‌ریز را قادر می‌سازد تا در مورد آرمانها با آزادی و انعطاف بیشتری عمل نماید. در اینگونه موارد لازمست مدل‌های تصمیم‌گیری چند معیاره^۱ (MCDM) برای برنامه‌ریزیهای زراعی چند هدفه تطبیق یابند (Cohon, 1978 & Charnes, 1961). اما دقیق‌نبودن و عدم قطعیت سطوح آرمانی، استفاده از این مدلها را غیر

^۱ Multi Criteria Decision Making

واقعی می‌نماید. از اینرو تکنیک نوین تصمیم‌گیری با عنوان برنامه‌ریزی آرمانی فازی (FGP) (برای رفع این مشکل و با کمک منطق مجموعه‌های فازی و تلفیق تکنیک‌های برنامه‌ریزی آرمانی و تئوری فازی معرفی و ابداع گردید (عسگری، ۱۳۷۸).
 بطورکلی مدل‌های تصمیم‌گیری به انواع تک هدفه^۴ چند هدفه^۵ MOCM و چند معیاره MCDM تقسیم‌بندی می‌شوند. جدول زیر مدل‌های تصمیم‌گیری چند معیاره و چند هدفه را مقایسه می‌نماید.

جدول ۱ - مقایسه مدل‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره و چند هدفه

چندمعیاره MCDM	چندهدفه MODM	وجه تمایز / تصمیم‌گیری
معیارها	اهداف	تعریف مسأله
تلویحی	صریح	هدف
صریح	تلویحی	معیار
غیر فعال	فعال	محدودیت
تعداد محدود، گستره	تعداد نامحدود، پیوسته	گزینه
زیاد نیست	خیلی زیاد	تأثیر تصمیم گیرنده
انتخاب / ارزیابی	طراحی	کاربرد

مأخذ: عسگری، ۱۳۷۸

بکارگیری مدل‌های برنامه‌ریزی چند معیاره در کشاورزی توسط نیلی و همکاران (Neely et al, 1976) در برنامه‌ریزی و انتخاب پروژه های منابع آب آغاز گردید و سپس آنها مدل

^۳ Fuzzy Goal Programming
^۴ single objective
^۵ Multi Objective Decision Making

برنامه‌ریزی آرمانی اعداد صحیح ¹IGP را در شرایطی که با کمبود اطلاعات در مورد آینده و عدم اطمینان از تأمین بودجه مواجه می‌باشیم را از طریق ملحوظ نمودن پارامترهای کیفی، عوامل اجتماعی - سیاسی و محیطی بعنوان آرمان و یا محدودیت‌های اضافی در مدل در خصوص انتخاب پروژه‌های منابع آب در فرآیند تصمیم‌گیری پیشنهاد نمودند. رومرو و رهمان (Romero & Rehman, 1984) نیز این روشها را مقایسه نموده و کاربرد آنها را نشان داده‌اند. بطوریکه مشخص می‌گردد مدل‌های تصمیم‌گیری چند معیاره جهت انتخاب و ارزیابی پروژه‌ها و مدل‌های تصمیم‌گیری چند هدفه برای برآورد و طراحی الگوهای بهینه بکار می‌روند. بطور عملی برنامه‌ریزی آرمانی بعنوان ابزاری نیرومند در فرآیند تصمیم‌گیری چند هدفه پس از معرفی اولویت اهداف توسط ایجیری (Igiri, 1965) بکار گرفته شد و سپس توسط لی (Lee, 1972)، ایگیزیو (Ignizio, 1976)، ویلر و راسل (Wheeler & Russell, 1971)، رهمان و رومرو (Rehman & Romero, 1987) گلن (Glen, 1987)، گوش (Gosh et al, 1993) و سایرین توسعه داده‌شد. سانی و همکاران (Soni et al, 1995) از برنامه‌ریزی آرمانی جهت تخصیص بهینه آب و زمین با در نظر گرفتن نوع خاک، شرایط آب و هوایی، تراکم کشت، نیاز آبی، موقعیت توپوگرافی و شرایط اقتصادی - اجتماعی مردم منطقه سعی در حداکثرسازی درآمد خالص، تولیدکل، انرژی و پروتئین حاصله از محصولات تولیدی نمودند و سپس پارامترها را مورد تحلیل حساسیت قرار دادند.

بی جی وباسو (Bijay & Basu, 1996) با استفاده از برنامه‌ریزی آرمانی اولویتی اقدام به تخصیص بهینه زمین نموده و با کمک تابع فاصله اقلیدسی مناسبترین ساختار بهینه اولویت بندی اهداف چندگانه را در برنامه‌ریزی زراعی استان Hooghly هندوستان انتخاب نمودند.

حاج رحیمی (۱۳۷۶)، اسدپور (۱۳۷۶) و ترکمانی (Torkamani, 2000) در مطالعات جداگانه‌ای با بهره‌گیری از مدل برنامه‌ریزی آرمانی و در نظر گرفتن تنها دو هدف حداکثرسازی بازده برنامه‌ای و حداقل‌سازی هزینه جاری، اقدام به تعیین الگوی بهینه کشت در مزارع بوکان، دشت ناز و دشتستان نمودند.

¹ Integer Goal Programming

بطور کلی مطالعات کاربردی مدل‌های برنامه‌ریزی آرمانی محدود بوده و جهت تسهیل عملیات، غالباً از دو هدف متجانس و قابل قیاس استفاده نموده‌اند. از اینرو مطالعه حاضر تلاش می‌نماید تا ضمن ملحوظ نمودن اهداف متعدد متجانس و نامتجانس و فازی نمودن این سطوح آرمانی اقدام به برآورد الگوی بهینه زراعی و مقایسه نتایج حاصله از برآورد مدل‌های مختلف نماید.

مواد و روشها

مدل‌های برنامه‌ریزی چند هدفه

بدلیل تشابه و وجوه مشترک بین برنامه‌ریزی CP^۷، آرمانی از سری مدل‌های برنامه‌ریزی چند هدفه، ابتدا بطور مختصر بخشی از مدل CP را توضیح می‌دهیم.

CP یکی از تکنیک‌های برنامه‌ریزی چند هدفه خطی *MOP* بوده که ابتدا توسط زلنی (Zeleny, 1979) معرفی گردید. این تکنیک اجازه می‌دهد مجموعه کاملی از مجموعه جواب‌های کارای حاصل از بهینه‌سازی همزمان دو یا چندین تابع هدف حاصل گردد و سپس اختصاصی‌ترین جواب را از درون مجموعه جواب کارا انتخاب می‌نمایند. تکنیک CP اجازه می‌دهد جوابهایی از مجموعه فوق مانند نزدیکترین جوابهای انعطاف‌پذیرکارا به مجموعه واقعی نیز انتخاب گردند. جواب واقعی با ارزشهای بهینه هر آرمان تعیین شده و در این حالت کلیه جوابهای بهینه پارتو بهبود نخواهد یافت مگر آنکه حداقل یکی از آرمانها در وضعیت بدتری قرار گیرد. در حالتیکه واحدهای سنجش بکار رفته در آرمانهای مختلف مشابه باشد (مثلاً ریال سود، ریال نقدینگی، ریال هزینه جاری و ...) عبارت

$$d_j = \alpha_j |Z_j^* - Z_j(x)| \quad \sum_{j=1}^k d_j = \alpha_j$$

درجه نزدیکی[^] زامین آرمان به مقدار واقعی آن با در نظر گرفتن وزن مربوطه می‌باشد. اما

^۷ *Compromise Programming*

[^] *degree of closeness*

زمانیکه واحدهای سنجش بکار رفته در آرمانها متفاوت باشد (نظیر نفر روز کار اشتغال ، ریال سود و ...) حداقل سازی انحرافات نسبی بجای قدر مطلق انحرافات ترجیح داده می شود (*Zeleney, 1973*)

$$d_j = \left\{ Z_j^* - Z_j(x) \right\} / \left\{ Z_j^* - Z_j^- \right\}$$

که در آن $Z_j(x)$ مقدار عددی آرمان زام، Z_j^* مقدار ایده آل آرمان زام و Z_j^- جواب غیرایده آل "آرمان زام" می باشد. *CP* جهت سنجش فاصله هر آرمان با نقطه واقعی، مجموع توابع فاصله ای ذیل را معرفی می نماید :

$$L_i(\alpha, k) = \left\{ \sum_{j=1}^k (\alpha_j \cdot d_j)^i \right\}^{1/i}$$

برای حالت L_1 ($i=1$ نزدیکترین) بهترین جواب نزدیک به نقطه واقعی با حل معادله زیر بدست می آید :

$$\text{Min } L_1 = \sum_{j=1}^k \alpha_j \left\{ Z_j^* - Z_j(x) \right\} / \left\{ Z_j^* - Z_j^- \right\}$$

Subject to : $x \in S$

سپس جهت دستیابی به بهترین جوابهای *CP*، الگوی غیرخطی نیاز است و برای کاهش اندازه مجموعه کارا از تکنیک پیشنهادی استیور و هاریس (*Steuer & Harris*) استفاده می نمایند که این تکنیک فیلتراسیون، جوابهای کارایی را که به اندازه کافی از سایر جوابهای کارا متفاوت نمی باشند خارج می سازد. در عمل این تکنیک بدلیل حجم بالای پردازش و

¹ *ideal solution*

² *anti - ideal solution*

۱۱ جواب غیر ایده آل همان حد نمایی (قابل تحمل) آرمان می باشد.

زمان بر بودن محدودکننده می‌باشد. هرچند که برنامه‌ریزی CP و منطق فازی عملاً بطور وسیعی در تحقیقات بهره برداری و مسایل کنترل صنعتی بکار برده شده است. اما هنوز بطور اساسی در علم اقتصاد ناشناخته مانده است (Ballester & Romero, 1991).

مدلهای برنامه‌ریزی آرمانی قطعی و فازی^{۱۲}

در بین مدل‌های برنامه‌ریزی چند هدفه (MOP)، برنامه‌ریزی آرمانی (GP) بسیار شبیه LP ^{۱۳} استی بوده و عملاً با یک هدف اصلی و چندین زیر هدف بکار می‌رود. در این حالت اهداف از نظر ساختاری و شکل محدودیتهای مساوی LP ظاهر شده عناصر سمت راست محدودیتهای^{۱۴} (RHS ها)، سطوح آرمانی بوده و GP با حداقل سازی انحرافات نامطلوب، تکنیک عملی، توانا و انعطاف پذیری را برای مدل سازی تصمیم‌گیریهای پیشرفته ایجاد می‌نماید و می‌تواند با روش سیمپلکس تغییر یافته و بوسیله نرم افزارهای LP نظیر $GAMS$ ، $LINDO$ ، QSB و ... محاسبه گردد.

برنامه‌ریزی آرمانی خود انواع متعددی دارد. در برنامه‌ریزی آرمانی ارشمیدسی^{۱۵} یا برنامه‌ریزی آرمانی موزون^{۱۶} (WGP)، مجموع موزون قدرمطلق انحرافات حداقل می‌گردد. در حالیکه در برنامه‌ریزی آرمانی چی‌بی‌شف^{۱۷} در حالتیکه حداقل حصول کلیه آرمانها حداکثر می‌گردد، انحرافات نامساعد را حداقل می‌نماید. همچنین در برنامه‌ریزی آرمانی الفبایی^{۱۸} (LGP) یا برنامه‌ریزی آرمانی اولویتی ترتیبی^{۱۹}، بردار انحرافات در توالی اولویتهای حداقل می‌گردد.

^{۱۲} Crisp and Fuzzy Goal Programming

^{۱۳} Linear Programming

^{۱۴} Right Hand Side

^{۱۵} Archimedean GP

^{۱۶} Weighted GP

^{۱۷} Chebyshev GP

^{۱۸} Lexicographical GP

^{۱۹} Preemptive priority GP

هدف اصلی در مسایل برنامه‌ریزی آرمانی، حداقل سازی انحرافات نامساعد از سطوح مطلوب^{۲۰} و آرمانی می‌باشد. در این حالت برای آرمانهای حداکثرسازی، انحرافات منفی و برای آرمانهای حداقل سازی، انحرافات مثبت حداقل می‌گردند. مدل استاندارد ایگنیزیو (Ignizio, 1970) برای برنامه‌ریزی آرمانی بصورت زیر است:

$$\text{Min } \alpha = \{ g_1(n_1, p_1), g_2(n_2, p_2), \dots, g_k(n_k, p_k) \}$$

Subject to :

$$\psi_i(x) + n_i - p_i = g_i \quad (i = 1, 2, \dots, k)$$

$$AX \leq \geq b$$

$$x, n, p \geq 0$$

که در آن X_j : زامین متغیر تصمیم، α : تابع هدف، $g_k(n_k, p_k)$: تابع متغیرهای انحرافی در اولویت k ام، g_i : مقادیر سمت راست (سطح مطلوب) آرمان k و k : تعداد اولویتها در مدل برنامه‌ریزی آرمانی می‌باشد.

در اینگونه مدلها $g_1 \phi g_2 \phi \dots \phi g_k$ بوده که نشان می‌دهد اهداف با سطوح اولویتی بالاتر، قبل از آنکه اهداف با اولویتهای پایتتر انتخاب گردند - حتی به قیمت قربانی شدن آنها - تا حد ممکن بهینه می‌شوند. این در حالی است که در خصوص برخی مسایل تصمیم‌گیری تعدادی از آرمانها به لحاظ اولویتی در وضعیتی قرار دارند که حصول به آرمان خاص منوط به حصول به آرمانهای قبل از آن می‌باشد (برنامه‌ریزی آرمانی اولویتی) که باید بصورت توالی حل گردد. اینگونه مدلها بدلیل آنکه برای حل هر مرحله نیازمند اطلاعات بهینگی مرحله پیشین می‌باشد، مدلهای پویا تلقی می‌شوند. اما حجم بالای پردازش و زمان‌بر بودن حل این مدلها کارایی آنها را محدود می‌سازد. از اینرو برای رفع این مشکل از روش وزن‌دهی به متغیرها و روشهای عملگر موزون در تابع یکنوا براساس ترجیحات و اهمیت نسبی آرمانها و منطبق با

^{۲۰} aspiration level

اولویتهای تصمیم‌گیران بهره‌گیری شد و بدین ترتیب مدل‌های برنامه‌ریزی آرمانی موزون ابداع گردید. بطوریکه :

$$\text{Min} \quad \sum_{i=1}^k \omega_i (n_i + p_i)$$

Subject to :

$$\psi_i(x) + n_i - p_i = g_i \quad (i = 1, 2, \dots, k)$$

$$AX \leq \geq b$$

$$x, n, p, \omega \geq 0$$

که ω_i ها وزنه‌های مربوط به متغیرهای انحرافی در سطح اولویت g_i می‌باشند. در این حالت معیاری که باید در تعیین وزن متغیرهای انحرافی استفاده گردد، حداقل نمودن هزینه فرصت از دست رفته می‌باشد که به متغیرهای انحرافی منسوب می‌گردد. زیرا بطور ساده ضرایب هزینه فرصت بیانگر مقدار نسبی انحراف غیررضایت بخش از سطوح آرمانی می‌باشد.

یکی از معایب برنامه‌ریزی آرمانی، قطعی نبودن و در واقع نادقیق بودن^{۲۱} سطوح آرمانها می‌باشد و پرسش از تصمیم‌گیرنده برای تعیین سطح مطلوب آرمانها از پیچیده‌ترین مسایل در برنامه‌ریزی آرمانی می‌باشد که با کمک تئوری نوین فازی می‌توان این سطوح آرمانی مبهم را برای برنامه‌ریزان بصورت کمی تعریف نمود. مثلاً چنانچه آرمانی حداکثرسازی باشد باید مشخص نمود که تصمیم‌گیرنده تا چه حد کمتر از آنرا تحمل می‌نماید (حد پایین تحمل) و همچنین برای آرمانهای حداقل سازی باید با تعیین حد بالای تحمل، آستانه انحراف از آرمان را مشخص نمود.

در حالتیکه مقادیر سمت راست آرمانها قطعی نباشند، با بهره‌گیری از میزان بازده تحمل هر یک از سطوح آرمانی (Δ_i) از برنامه‌ریزی آرمانی فازی استفاده می‌شود.

^{۲۱} fuzziness

$$\text{Min } \sum_{i=1}^k \omega_i (n_i + p_i)$$

Subject to

$$\left\{ \frac{\psi_i(x)}{\Delta_i} \right\} + n_i - p_i = g_i / \Delta_i \quad (i = 1, 2, \dots, k)$$

$$AX \leq b$$

$$\text{Max } \sum_{i=1}^k \mu_i$$

Subject to :

$$\left\{ - \frac{|\psi_i(x) - g_i|}{\Delta_i} \right\} = \mu_i$$

$$\mu_i \leq 1$$

$$AX \leq b$$

$$x, \mu \geq 0$$

هنگام مواجهه با چندین آرمان بدلیل آنکه غالباً انحرافات نامساعد آرمانها ناهمگون می باشند (مثلاً بهینه کردن اشتغال، سود و ریسک بطور همزمان)، لازم است عمل نرمال سازی صورت پذیرد. دکلاویور (Dekluyver, 1970) استفاده از نرم اقلیدسی را به شکل زیر پیشنهاد نمود :

$$\|c_i\| = \left\{ \sum_j \alpha_{ij}^2 \right\}^{\frac{1}{2}}$$

$$\text{Min } \sum_{i=1}^k \frac{\omega_i}{\|c_i\|} (n_i + p_i)$$

Subject to :

$$\psi_i(x) + n_i - p_i = g_i \quad (i = 1, 2, \dots, k)$$

$$AX \leq b$$

$$x, n, p, \omega \geq 0$$

که ضرایب متغیرهای تصمیم در α_{ij} امین آرمان می باشند. اما در مدل‌های FGP از حد تحمل $|b_i - \Delta_i|$ برای ایجاد ارتباط متعامل بین ارزش مقداری متغیرهای انحرافی و فاصله‌های هندسی استفاده می‌گردد.

$$\text{Min} \sum_{i=1}^k \frac{|g_i - \Delta_i|}{\|c_i\|} (n_i + p_i)$$

Subject to :

$$\psi_i(x) + n_i - p_i = g_i \quad (i = 1, 2, \dots, k)$$

$$AX \leq \geq b$$

$$x, n, p \geq 0$$

$$\text{Min} \quad \mu$$

Subject to :

$$\frac{\psi_i(x)}{\Delta_i} + n_i - p_i = \frac{g_i}{\Delta_i}$$

$$\mu + n_i + p_i \leq 1$$

$$AX \leq \geq b$$

$$x, n, p, \mu \geq 0$$

بطوریکه افزایش Δ_i باعث کاهش اهمیت آن آرمان خواهد شد و برای آرمانی که $\Delta_i = 0$ باشد، دستیابی به آن آرمان در حداکثر مقدار ممکن خواهد بود. علامت قدر مطلق برای تضمین مثبت بودن وزن آرمانها بوده و در این حالت باید تمامی g_i ها دارای واحد اندازه‌گیری مشابه باشند.

$$\text{Max} \quad \sum_{i=1}^k \mu_i$$

Subject to :

$$|\psi_i(x) - g_i| = \mu$$

$$AX \leq \geq b$$

$$x, \mu \geq 0$$

اما در دنیای عمل چنین مواردی نادر می‌باشد. جهت بهبود در وضعیت بهینه‌یابی فوق، مدل نهایی کاربردی برنامه‌ریزی آرمانی فازی که در آن اهمیت آرمانها به درصد بیان می‌شود به شکل زیر معرفی می‌گردد:

$$\text{Min} \sum_{i=1}^k \frac{[|g_i - \Delta_i| \quad g_i] * 100}{\|c_i\|} (n_i + p_i)$$

Subject to :

$$\psi_i(x) + n_i - p_i = g_i \quad (i = 1, 2, \dots, k)$$

$$AX \leq \geq b$$

$$x, n, p \geq 0$$

$$\text{Max} \quad \sum_{i=1}^k \omega_i \mu_i$$

Subject to :

$$\left\{ -|\psi_i(x) - g| / \Delta_i \right\} = \mu_i$$

$$\mu_i \leq 1$$

$$AX \leq \geq b$$

$$x, \mu, \omega \geq 0$$

$$\text{Max} \quad \sum_{i=1}^k \omega_i \mu_i$$

Subject to :

$$|\psi_i(x) - g| = \mu$$

$$AX \leq \geq b$$

$$x, \mu, \omega \geq 0$$

روش فوق حداقل دارای K محدودیت و $n+2k$ متغیر می‌باشد که به راحتی با نرم افزارهای برنامه‌ریزی خطی قابل برآورد می‌باشد. روشهای دیگری نیز برای حل مسایل GP با اولویتهای متداخل وجود داشته که اهمیت نسبی آرمانها با توجه به جوابهای رقیب به گونه‌ای ارزیابی می‌شود که به سطح رضایتمندی مطلوب برسد که در اینگونه مسایل مرتب کردن آرمانها با

توجه به اولویتها بطور صعودی، تعیین فاصله متداخل با حدود پایین و بالا براساس طبیعت آرمان و تعیین حداکثر امکان رضایتمندی در بازه [۱ و ۰] و ... حائز اهمیت می‌باشند.

آمار و اطلاعات مورد استفاده

در تحقیق حاضر از اطلاعات مربوط به سال زراعی ۱۳۷۱، مزرعه ای واقع در سرسبزینان فارس و آمار هزینه تولید محصولات کشاورزی استفاده گردید. برای تعیین الگوی بهینه کشت، محدودیتهای زمین، آب بهاره، آب تابستانه، سرمایه در گردش، کسب اعتبار از منابع رسمی و غیر رسمی، نیروی کار، کود، سم، علفکش و محدودیتهای مدیریتی در مدلها لحاظ گردید. جدول ۱ - آمار و اطلاعات اولیه مورد نیاز برای نه محصول قابل کشت در منطقه را نشان می دهد.

جدول ۱ - ماتریس ضرایب فنی، محدودیتهای مدیریتی و اطلاعات مزرعه سرسبزینان*

	گندم	جو	افانگردان	نمرد	پونه	سبب زمین	کوجه فرنگی	کنجد	قرن دانه ای	
حد اکثر	۵۵۷۰	۵۵۷۰	۵۵۳۸۰	۵۹۷۰	۹۵۲۰	۱۱۱۰۲۰	۱۵۳۲۰	۶۵۰۰۰	۵۵۷۰	۵۵۷۰
آب بهاره (متر مکعب)	۵۶۹۱	۵۵۲۹	۳۷۲۲	۵۱۹	۴۹۰۲	۴۷۱	۳۴۳۵	۲۳۸۰	۲۰۱۸	۹۵۰۰۰
آب تابستانه (متر مکعب)	۳۹۱۳	۸۵۲	۹۱۱۸	۳۳۱۲	۱۰۹۹۰	۱۳۹۵۰	۱۱۶۱۱	۹۳۴۵	۱۰۰۸۶	۷۵۰۰۰
نقدینگی (تومان)	۱۵۹۰۰	۱۳۵۰۰	۱۶۱۲۰	۱۷۱۲۰	۲۸۰۰	۲۲۸۰	۵۱۲۰	۱۷۸۰۰	۱۶۳۰	۱۲۰۰۰۰
نیروی کار (نفر روز کار)	۳۰	۲۴	۲۳	۴۰	۴۳	۷۰	۶۲	۳۱	۲۵	۸۰۰
کود شیمیایی (کیلو گرم)	۳۷۱	۳۱۳	۲۵۹	۱۴۸	۱۶۵	۶۱۸	۳۵۹	۱۰۵	۷۰۰	۴۵۰۰
سم (کیلو گرم)	۰٫۳۲	۰٫۱۲	۲۱	۳۷	۰٫۹۷	۰٫۵۵	۱٫۹۶	۰٫۱۰	۰٫۲۳	۷
علف کش (کیلو گرم)	۰٫۷۵	۰٫۲۵	-	۰٫۱۵	-	-	۰٫۱۵	۰٫۸	۱٫۸	۲
انحراف میار ۱۹ ساله درآمد	۲۴۲۲٫۳۳	۱۹۲۵٫۵۲	۳۳۰٫۵۶	۴۸۲٫۲۴	۳۰۸۰٫۵۶	۱۴۷۰٫۵۳	۱۶۲۸۶٫۴۶	۲۶۳۳٫۵۸	۱۷۲۰٫۶۶	۲۱۵۰۰
زمین (هکتار)	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱۶٫۵
محدودیت کشت گندم	۱	-	-	-	-	-	-	-	-	۲٫۵
محدودیت کشت جو	-	۱	-	-	-	-	-	-	-	۱٫۷
محدودیت کشت کوجه فرنگی	-	-	-	-	-	-	۱	-	-	۲٫۷۵
انحراف از میانگین ۱۹ ساله درآمد در هکتار محصولات										
۱۳۵۳	-۷۸۱۰٫۷۰	۹۷۲۰٫۴۰	۲۰۰۸۹٫۴۰	۴۱۹۷۱٫۵۰	۷۵۰۱٫۸۷	-۷۵۴۳۰٫۵۰	-۱۱۶۶۷۹٫۰۰	-۲۳۷۱۳٫۲۲	-۲۱۱۷۱۶٫۵۰	
۱۳۵۴	-۲۱۰۸۰٫۳	-۵۳۱۷٫۰۵	۱۴۸۳۶٫۸۰	-۷۸۲۳٫۳۸	-۴۴۴۴٫۳۳	-۵۳۳۶۶٫۶۰	-۵۷۵۸۲٫۷۰	-۱۸۷۸۸٫۱۰	-۵۴۳۵٫۳۸	
۱۳۵۵	-۴۴۶۶٫۷۶	-۶۵۹۷٫۸۸	۹۸۸۶٫۴۲	-۱۹۲۱۱٫۵	-۳۸۹۲۱٫۱۰	۲۳۳۵۶۶٫۰۰	-۳۵۸۶۱٫۱۰	-۷۷۸۲۵٫۶۰	۱۱۵۲٫۴۳	
۱۳۵۶	۳۳۹۱٫۷۷	-۱۲۸۰۸۰٫۱	۱۳۳۱٫۳۳	-۳۳۰۱۶٫۰۰	-۳۸۰۸۴٫۵۰	-۸۱۳۷۱٫۱۰	۳۳۲۵۹٫۰۰	-۴۵۹۸٫۴۵	۳۹۱۲٫۵۹	
۱۳۵۷	۲۵۸۹٫۰۵	-۱۷۶۳۳٫۲۰	-۹۲۰٫۵۵	-۱۸۷۷۳٫۶۰	۱۷۰٫۵۱	-۴۹۳۳۰٫۷۰	-۱۸۴۱۷٫۳۰	-۲۲۱۹۱٫۳۰	۲۸۳۷٫۸۳	
۱۳۵۸	-۴۵۹۱٫۸۱	-۹۱۷۶٫۵۸	-۲۱۷۳٫۵۴	-۲۲۳۷۹٫۵۰	-۱۱۸۸۶٫۰۰	-۱۶۱۱۰٫۵۰	۱۰۸۳۷۰٫۰۰	۱۳۶۱۵۰٫۸۰	۷۴۵۱٫۵۵	
۱۳۵۹	۱۱۱۶٫۵۷	۴۳۲٫۵۶	-۱۱۴۳۶٫۱۰	-۳۳۷۸۵٫۷۰	۲۲۰۳۳٫۰۰	۷۴۲۸۹٫۶۰	-۴۴۰۱۰٫۰۰	۳۰۳۶۱٫۶۰	۳۵۶۶٫۶۸	

جدول ۱ - ماتریس خساریب فنی، محدودیت‌های مدیریتی و اطلاعات منزهه سرسبزیران

حد فنی	ذرت	کنجد	گوجه فرنگی	سیب زمینی	یونجه	نخود	قلم	جو	گندم
۹۵۰۰۰	۲۰۱۸	۳۳۸۰	۳۹۳۵	۴۷۶۱	۴۹۰۳	۵۴۱۹	۳۷۲۲	۵۴۲۹	۶۱۰۰
۷۵۰۰۰	۱۰۱۸۶	۹۳۶۴	۱۱۶۱۱	۱۳۹۹۵	۱۰۹۹۰	۱۳۱۱۸	۸۵۲	۳۹۱۳	۵۶۹۱
۱۲۰۰۰۰	۱۶۳۵۰	۱۷۸۰۰	۵۱۳۵۰	۳۳۴۸۰	۲۴۸۰۰	۱۶۱۲۰	۱۳۱۵۰	۱۵۹۰۰	۱۵۹۰۰
۸۰۰۰	۲۵	۳۱	۳۲	۷	۴۳	۴۰	۳۰	۳۰	۳۰
۴۵۰۰	۲۰۰	۱۰۵	۳۵۹	۶۱۸	۲۶۵	۱۴۸	۲۵۹	۳۲۱	۳۲۱
۷	۲۳	۰٫۱	۱٫۹۶	۰٫۵۵	۰٫۸۷	۲۴	۰٫۲	۰٫۲	۰٫۲
۲	۱٫۸	۰٫۸	۰٫۱۵	-	-	۰٫۵	۰٫۲۵	۰٫۲۵	۰٫۲۵
۲۱۵۰۰	۱۷۲۰٫۶۶	۲۳۲۳٫۸۸	۱۶۳۸۱٫۶۶	۱۴۷۹۰٫۵۳	۲۰۸۰۰٫۵۶	۴۵۸۲٫۴۴	۳۲۲۰٫۵۶	۱۹۷۵٫۵۲	۲۴۲۲٫۳۳
۱۲٫۵	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱	۱
۲٫۵	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۱٫۷	-	-	-	-	-	-	-	-	-
۳٫۷۵	-	-	-	-	-	-	-	-	-
انحراف معیار ۱۹ ساله درآمد									
مکانر بصیرلات									
۱۳۵۲	-۷۸۶۰٫۷۰	۹۷۲۰٫۴۰	۲۰۰۸۹٫۴۰	۴۱۹۷۴٫۵۰	۷۵۰۴۸٫۷	-۷۵۴۲۰٫۵۰	-۱۱۳۷۹۰٫۰۰	-۲۳۲۱۳٫۲۲	-۲۱۷۹۶۰٫۰۰
۱۳۵۴	-۲۱۰۸۰٫۳	-۵۲۱۷٫۰۵	۱۴۸۳۶٫۸۰	-۷۵۹۲٫۳۸	-۳۴۴۴٫۲	-۵۵۳۱۶٫۶۰	-۵۷۵۸۲٫۷۰	-۱۸۷۷۸٫۱۰	-۵۴۳۰٫۳۸
۱۳۵۵	-۴۴۲۶٫۲۱	-۳۴۹۷٫۹۸	۵۵۴۴٫۲۲	-۱۲۲۲۳٫۵	-۳۸۹۲۶٫۰	۲۳۶۵۶۶٫۰۰	-۳۵۸۶۳٫۱۰	-۳۷۲۶۵٫۶۰	۱۱۵۲۴٫۴۲
۱۳۵۶	۳۳۹۱٫۲۷	-۱۳۸۰۸۰٫۱۰	۴۳۳۱٫۳۳	-۲۳۰۱۶٫۰۰	-۳۸۰۸۴٫۰۰	-۸۱۳۷۱٫۱۰	۲۳۲۸۰۰٫۰۰	-۴۵۹۸۴٫۵۵	۲۹۱۲۰٫۵۹
۱۳۵۷	۲۵۸۹٫۰۵	-۱۷۳۳۲٫۰۰	-۹۲۰٫۹۵	-۱۸۷۳۲٫۰۰	۱۷۰۰۰	-۴۹۲۲۰٫۷۰	-۱۸۴۷۷٫۳۰	-۲۲۱۹۱٫۲۰	۲۸۲۷٫۸۲
۱۳۵۸	-۴۵۹۱۸٫۱	-۹۱۷۶۶٫۹۸	-۶۱۷۳٫۵۴	-۲۳۲۷۸٫۹۰	-۱۱۸۹۶٫۰۰	-۱۳۱۱۰۰۰	۱۰۸۳۷۰٫۰۰	۱۳۴۱۵۰۰	۷۵۰۱٫۵۵
۱۳۵۹	۴۴۶۶٫۶۷	۴۲۲٫۵۶	-۱۱۴۳۶٫۱۰	-۲۳۷۸۵٫۷۰	۲۲۰۱۲٫۰۰	۷۴۳۹۹٫۶۰	-۴۴۰۰۰۰	۲۰۶۲۱٫۶۰	۶۵۹۶٫۶۶
۱۳۶۰	۲۲۱۶۲٫۰۰	۱۶۲۹۶٫۱۰	-۱۶۶۷۸٫۷۰	-۷۲۸۰۰٫۰۵	۸۱۷۷٫۶۵	-۱۳۳۱۸۲٫۰۰	۵۳۳۸۶۰۰	۱۴۰۵۲٫۵۰	۴۳۵۸۰۰
۱۳۶۱	۱۲۶۰۱٫۷۰	۱۷۹۵۰٫۶۰	-۲۱۹۲۱٫۳۰	۲۱۰۳۸۰۰	۳۳۹۹۹٫۰۰	۴۵۳۳۹۰۰	-۳۶۵۷۳٫۰۰	۷۷۵۷۹٫۰۰	۱۲۱۷۲٫۰۰
۱۳۶۲	-۲۲۵۵٫۵۰	-۳۲۲٫۰۰	-۲۷۱۸۳٫۰۰	۵۵۰۰۰۰۰	۲۱۵۵۶۸۰۰	-۳۰۰۰۰	-۹۶۱۱۲٫۰۰	۱۲۸۸۲٫۰۰	۶۸۰۴۰۰
۱۳۶۳	-۱۳۰۸۶٫۱۰	۲۳۷۹۹٫۱۰	-۳۴۴۳۶٫۰۰	۵۷۱۹۲٫۷۰	۴۵۵۹۶٫۰۰	۸۶۵۵۰٫۷۷	۵۷۰۱۳۳٫۰۰	۹۹۷۷۰٫۲	۴۰۱۳۱٫۰۰
۱۳۶۴	۷۷۰۸۰٫۵۷	۱۰۴۰۷٫۲۰	-۳۶۱۵۸٫۳	۳۵۴۸۳٫۰	۲۲۵۲۲٫۳۰	۲۲۰۲۲٫۳۰	۲۸۳۶۶٫۰۰	-۱۱۳۳۹٫۰۰	۲۰۷۹۸٫۱
۱۳۶۵	۴۱۵۷٫۳۸	-۱۰۲۹۱٫۴۰	۵۱۹۴۳٫۰	-۴۵۷۲٫۳	-۳۱۷۴٫۲۷	۱۵۵۳۳۷٫۰۰	۱۱۴۵۹۰۰۰	-۲۷۹۰۳۰۰	-۹۶۲۳٫۵۱
۱۳۶۶	-۷۸۶۶٫۶۷	۵۷۸۷٫۴۴	-۲۴۲۰۸٫۷۰	-۲۴۵۵۲٫۰۰	-۱۸۰۸۹٫۰۰	-۲۰۱۸۹۰۰	-۱۸۰۱۸۰۰	۵۸۸۰۳۰	-۲۳۹۰۸۰۰
۱۳۶۷	۵۳۳۸۲٫۲	۳۵۰۰۰۰۰	۵۹۱۱۳۰۰	-۵۷۰۲۴۰۰	-۲۱۷۴۳٫۰۰	-۵۸۰۱۸۹	-۵۰۷	-۲۱۴۴۳٫۰۰	-۲۸۳۸۰۰۰
۱۳۶۸	-۲۹۰۲۶٫۰	-۱۳۴۵۵۰۰۰	-۱۱۰۱۲۶٫۰	-۲۸۰۳۰۰۰	-۲۴۰۳۰۰۰	-۲۴۰۳۰۰۰	-۲۴۰۳۰۰۰	-۲۴۰۳۰۰۰	-۲۴۰۳۰۰۰
۱۳۶۹	-۲۱۷۹۸٫۳۰	-۱۳۴۲۱۸۰۰	-۲۴۰۰۰۰	-۲۲۰۶۴۵۰	-۲۲۳۳۹۰۰	۱۹۰۷۱۶۰۰	۲۰۰۳	-۱۸۴۶۸۹	-۸۱۲۶٫۱۷
۱۳۷۰	-۲۳۶۸۳٫۱۰	-۱۴۵۵۷٫۷۰	۳۵۶۱٫۲۰	۱۱۲۰۲۰۰	-۲۸۰۴۸۰۰	-۵۳۸۰۶۰۰	۱۰۰۷	۱۸۱۱۶۰۰	۲۱۱۹۸۰۰
۱۳۷۱	۵۲۹۴۰٫۶۰	-۸۴۰۰۰۰	۳۳۶۶۰۰	۳۱۵۵۲٫۰۰	۳۳۸۳۰۰۰	-۸۴۹۲۶۰۰	-۹۸۹۶۵۰۰	۲۳۲۲۶٫۰۰	۱۷۲۰۰۰

ساخت: سلطانی، ۱۳۷۸ و آمارنامه کشاورزی.

نتایج

نتایج مدل برنامه‌ریزی خطی

در مدل برنامه‌ریزی خطی هدف حداکثر کردن بازده برنامه‌ای در نظر گرفته شد. ابتدا فرض شد که مدیر مزرعه در خرید کود، سم و علف‌کش محدودیتی نداشته و بخش قابل توجهی از نیروی کار منطقه، بیکار و آزاد بوده‌اند. با وارد کردن هزینه بهره اعتبارات^{۲۲} در تابع هدف حداکثرسازی بازده ناخالص (با علامت منفی) و معرفی فعالیت‌های اضافی نظیر خرید کود، سم، علف‌کش و استخدام نیروی کار، میزان سطح زیرکشت بهینه هر یک از محصولات و عوامل تولید با استفاده از نرم افزار *QSB* محاسبه گردید. با توجه به مشخصات طرح و الگوی بهینه زراعی *LP* زارع فوق قادر به کشت کل زمین و مجبور به دریافت ۱۶۹۷۷۱ تومان اعتبار از منابع غیررسمی، عدم کشت محصولات آفتابگردان، یونجه، کنجد و ذرت دانه‌ای در الگوی بهینه زراعی می‌باشد و در مجموع ۱۱۲۱۴۷۴ تومان سود ناخالص کسب خواهد نمود. همچنین این زارع باید ۵۵۷ نفر روز کار از نیروی کار موجود را بکارگیرد و بترتیب ۴۰۳۲/۹، ۸/۵۷ و ۲/۹۱ کیلوگرم کود، سم و علف‌کش مصرف نماید. نتایج همچنین نشان می‌دهد آب تابستانه یکی از محدودکننده‌ترین منابع بوده بطوریکه به ازای هر مترمکعب آب اضافی در این فصل ۴/۵۴ تومان به بازده برنامه‌ای افزوده خواهد شد که در واقع همان قیمت سایه‌ای آب می‌باشد. در حالیکه در فصل بهار به میزان ۳۱۵۸۰ متر مکعب آب مازاد داشته و چنانچه امکان ذخیره‌سازی^{۲۳} این آب جهت استفاده در فصل کمبود مهیا گردد می‌تواند بازده ناخالص کل را به میزان قابل توجهی افزایش دهد. در اینصورت فعالیت انتقال آب مازاد بهاری را به لیست فعالیت‌ها اضافه نموده و ضریب آنرا برای سطرهای محدودیت آب بهاره و تابستانه بترتیب +۱ و -۱ قرار داده و در نهایت محدودیت آب بهاره به تساوی تبدیل می‌شود. نتایج حاصل از اعمال این روش، افزایش ۷/۶۱ درصدی در بازده ناخالص کل را نشان می‌دهد. همچنین نتایج

^{۲۲} نرخ بهره اعتبارات رسمی و غیر رسمی بترتیب ۱۵ و ۵۰ درصد در نظر گرفته شده است.
^{۲۳} هزینه ذخیره‌سازی یک متر مکعب آب دو تومان در نظر گرفته شده است.

تحلیل حساسیت مدل نشان داد که افزایش نرخ بهره اعتبارات غیررسمی به بیش از ۷۲/۸۹ درصد و یا افزایش سود ناخالص هر یک از محصولات آفتابگردان ، یونجه، کنجد و ذرت دانه ای به بیش از ۱۵۳۰۰۸ و ۱۰۳۶۷۰ و ۲۱۹۰۳۶ و ۲۳۷۲۱۲ تومان باعث تغییر الگو و میزان هدف بهینه خواهد شد. به همین ترتیب کاهش بازده ناخالص سایر محصولات از ارقام مستخرجه تحلیل حساسیت می تواند حداکثر دستیابی به هدف را تغییر دهد. همچنین افزایش هر هکتار زمین تا سقف ۵/۲۲ هکتار، افزایش ۳۰۸۶۵۵ تومانی را در سود ناخالص کل منجر خواهد شد. ملاحظه می گردد مهمترین عامل محدود کننده (آب تابستانه) زارع را در الگوی فعلی مجبور به آیش گذاری زمین به میزان ۰/۵ هکتار نموده است. در حالیکه زارع فوق معتقد است با کسب تجارت چندین ساله به بهترین الگوی زراعی دست یافته (الگوی فعلی) اما اگر این اطلاعات را کافی بگیریم، زارع می تواند با تغییر الگوی زراعی، سود ناخالص را به میزان ۲۲/۴۹ - ۲/۰۹ درصد افزایش دهد. در این حالت کل زمین به کشت محصولات زراعی رفته و در واقع زمین نیز عامل محدودکننده تلقی خواهد شد.

نتایج مدل برنامه ریزی آرمانی

در مرحله بعد اقدام به تعیین الگوی بهینه زراعی با استفاده از مدل برنامه ریزی آرمانی گردید. اهدافی که در این خصوص در نظر گرفته شد عبارتند از :

- حداکثر نمودن بازده ناخالص
- حداقل نمودن نیازمندی به اعتبارات از منابع غیر رسمی
- حداکثر سازی اشتغال
- حداقل سازی استفاده از کود، سموم شیمیایی و علف کش ها
- حداقل سازی ریسک

برای نیل به این اهداف لازم است تا حصول نسبی به این اهداف حداکثر گردد. در واقع برنامه‌ریزی آرمانی این مهم را از طریق حداقل نمودن انحرافات نامساعد از آرمانها عملی می‌سازد. همچنین لازم است تا سطوح مطلوب آرمانهای مختلف (g_i ها) مشخص شود و برای آرمانهای حداکثرسازی، انحرافات منفی و برای آرمانهای حداقلسازی، انحرافات مثبت از سطوح آرمانی حداقل گردد و تابع هدف همان حداقل نمودن انحرافات نامطلوب نرمال شده از سطوح آرمانی آرمانهای مختلف می‌باشد. در اینصورت سطرهای مربوط به آرمانها که در لیست محدودیتها قرار می‌گیرند، با افزودن متغیرهای انحرافی مثبت (P) و منفی (n) به معادله تبدیل می‌گردند و از آنجا که واحدهای اندازه‌گیری آرمانهای مسأله حاضر (تومان، نفر روز کار و کیلوگرم) متفاوت از یکدیگر می‌باشند، از روش نرمال سازی بهره‌گرفته شد.

حداکثرسازی بازده ناخالص $Min (n1)$

$$91050 X_1 + 58950 X_2 + \dots + 55470 X_9 + n_1 - p_1 = g_1$$

حداقل سازی نیازمندی به اعتبارات از منابع غیررسمی $Min (p2)$

$$15900 X_1 + 13150 X_2 + \dots + 16350 X_9 + n_2 - p_2 = g_2$$

حداکثرسازی اشتغال $Min (n3)$

$$30 X_1 + 24 X_2 + \dots + 25 X_9 + n_3 - p_3 = g_3$$

حداقل سازی استفاده از کودهای شیمیایی $Min (p4)$

$$37 X_1 + 313 X_2 + \dots + 700 X_9 + n_4 - p_4 = g_4$$

حداقل سازی استفاده از سموم شیمیایی $Min (p5)$

$$0.32 X_1 + 0.02 X_2 + \dots + 0.23 X_9 + n_5 - p_5 = g_5$$

حداقل سازی استفاده از علف‌کشها $Min (p6)$

$$0.75 X_1 + 0.25 X_2 + \dots + 1.8 X_9 + n_6 - p_6 = g_6$$

حداقل سازی ریسک درآمدی $Min (p7)$

در اینجا ضمن برآورد انحراف معیار ۱۹ ساله درآمد ناخالص هر هکتار از محصولات و در واقع با حداقل نمودن انحراف معیار کل درآمدی، ریسک درآمدی را حداقل می‌نماییم. در این حالت خواهیم داشت :

$$2422.3 X_1 + 1925.5 X_2 + \dots + 1720.7 X_9 + n_7 - p_7 = g_7$$

جهت تعیین سطوح آرمانی از مدل برنامه‌ریزی خطی معمول بهره‌گیری شد. بدینصورت که با مشخص شدن الگوی بهینه حاصل از LP برای اهداف حداکثرسازی، سطوح آرمانی به میزانی بیشتر از سطح بدست آمده و برای اهداف حداقل‌سازی به میزانی کمتر از سطح بدست آمده تعیین گردید. همچنین برای بدست آوردن سطح آرمانی مربوط به آرمان حداقل‌سازی ریسک درآمدی از معیار حداقل ممکن ریسک درآمدی کل (حاصلضرب کل مساحت موجود در کوچکترین انحراف معیار درآمدی موجود) استفاده گردید. از طرفی با توجه به آنکه فرض می‌گردد که در حالت فازی، سطوح آرمانی قطعیت نداشته و ممکن است تغییر نمایند، با در نظر گرفتن حد بازده تحمل Δ_i اقدام به برآورد ضرایب تابع هدف در مسأله برنامه‌ریزی آرمانی فازی گردید که تابع هدف حداقل نمودن مجموع موزون متغیرهای انحرافی نامساعد از سطوح آرمانها مربوطه می‌باشد. سطرهای مربوط به آرمانی به شکل $\psi_i(x) + n_i - p_i = g_i$ و سایر محدودیتها به همان فرم قبلی $[A X \leq \geq b]$ در مدل وارد می‌شوند. نهایتاً تابع هدف در حالت‌های مختلف تنظیم و با استفاده از نرم افزار QSB مدل‌های مختلف اجرا و برخی از نتایج غیرمتشابه حاصله در جدول نهایی مقایسه گردید.

جدول ۲ - ضرایب متغیرهای انحرافی در توابع هدف مدل‌های برنامه‌ریزی آرمانی قطعی و فازی

ضرایب FGP	درصد حصول موردانتظار	بازه تحمل	ضرایب GP	$\ ci \parallel$	سطح آرمانی gi	متغیر انحرافی حداقل شونده	عملگر	هدف
۰.۰۰۰۳۱۶	۸۸.۶	۱۰۰۰۰	۰.۰۰۰۳۵۶	۲۸۱۱۹.۱۰۶	۱۳۰۰۰۰	N1	حداکثر	بازده ناخالص (تومان)
۰.۰۰۰۳۷۱	۳۷.۶	۵۰۰۰	۰.۰۰۰۹۸۹	۱۰۰۰۱۶.۶۹۳۶	۳۲۰۰۰۰	P2	حداقل	نیازمندی به
۰.۰۰۰۳۸۱	۶۸.۷۵	۱۰۰۰۰۰						اعتبار از منابع
۰.۰۰۰۸۰۶	۸۱.۳۵	۲۰۰۰۰۰						غیررسمی (تومان)
۰.۶۶۷۲	۸۱.۳۵	۱۵۰	۰.۷۹۵۹۶	۱۲۵.۶۲۳۹۰۲	۸۰۰	N3	حداکثر	اشتغال (نفر روز کار (
۰.۰۰۶۵	۷۷.۷۸	۱۰۰۰	۰.۰۰۰۸۴۳۱	۱۱۸۶.۰۲۲۷۶۵	۶۵۰۰	P4	حداقل	استفاده از کود (کیلو گرم)
۳۰.۶۱۰	۷۱.۶۲	۲	۶۲.۸۵۶۲	۲.۳۳۳۶۵۳۳۲	۷	P5	حداقل	استفاده از سم (کیلو گرم)
۲۵.۳۲۲	۵۰.۰۰	۱	۵۰.۶۶۰۲	۱.۹۷۹۳۰۰۹	۲	P6	حداقل	استفاده از علف‌کش (کیلو گرم)
۰.۰۰۳۲۲۹	۹۰.۶۸	۲۰۰۰	۰.۰۰۱۶۳۸	۳۳۳۶.۵۵۵	۲۱۵۰۰	P7	حداقل	ریسک
۰.۰۰۳۸۸۵	۷۶.۷۶	۵۰۰۰						درآمدی
۰.۰۰۳۲۹۲	۵۲.۶۹	۱۰۰۰۰						(انحراف معیار)

مأخذ: فروض و داده‌های تحقیق

مقایسه نتایج پردازش مدل‌های فوق نشان می‌دهد در حالت برنامه‌ریزی آرمانی قطعی و فازی، محصول جو نیز از الگوی بهینه خارج می‌گردد. در حالیکه سطح زیر کشت نخود تا حد قابل ملاحظه‌ای افزایش می‌یابد. همچنین ملاحظه می‌گردد در حالت‌های مختلف بهینگی، حصول بیشتر به یک هدف متضمن دور شدن از سایر اهداف می‌باشد. مثلاً مقایسه GP با LP

نشان می‌دهد که در حالت برنامه‌ریزی آرمانی، ریسک درآمدی، کسب اعتبار، مصرف کود و علف‌کش بترتیب به میزان $23/53$ ، $143/91$ ، $66/21$ و $6/39$ درصد بهبود می‌یابد. اما وضعیت آرمانهای بازده ناخالص و اشتغال و مصرف سموم شیمیایی بترتیب به میزان $14/20$ ، $12/63$ و $19/22$ درصد بدتر می‌شود و یا مثلاً مقایسه نتایج برآورد مدل *FGP* با *GP* نشان می‌دهد که در حالت برنامه‌ریزی آرمانی فازی حصول به آرمانهای ریسک، بدهی به منابع غیررسمی، مصرف سموم شیمیایی و علف‌کش‌ها بترتیب به میزان $103/21$ ، $35/84$ ، $60/71$ و $29/96$ درصد بهبود می‌یابد. در حالیکه وضعیت آرمانهای بازده ناخالص، اشتغال و مصرف کودها بترتیب به میزان $8/66$ ، $14/51$ و $4/39$ درصد بدتر می‌شود. به همین ترتیب می‌توان سایر نتایج را مقایسه و تفسیر نمود. مقایسه روشهای برنامه‌ریزی آرمانی فازی *FGP* با روش معمول برنامه‌ریزی *LP* نشان می‌دهد که می‌توان به الگوی کشت بهینه‌ای دست یافت که در آن دستیابی نسبی به اهداف چندگانه و متعارض امکان‌پذیر گردد. در این حالت می‌توان ضمن دستیابی به بیشترین سود ممکن، تا حد قابل ملاحظه‌ای مصرف کودهای شیمیایی و علف‌کش‌ها را کاهش داد و از افزایش بی‌رویه مصرف سموم جلوگیری نمود و در واقع در جهت پایداری کشاورزی گام نهاد. بطوریکه مدیریت واحد، ریسک درآمدی و بدهی به منابع غیررسمی را حداقل نموده و سعی در افزایش اشتغال می‌نماید. از طرفی با توجه به آنکه معضل بیکاری در منطقه شایع بوده و استفاده بیشتر از نیروی کار در کل منطقه می‌تواند تا حدی معضلات و تبعات ناشی از آن (بویژه تبعات فرهنگی و اجتماعی) را کاهش دهد^{۲۴} و چنانچه این افزایش سود در جهت توسعه تکنولوژیهای نوین آبیاری، عملیات به زراعی، به نژادی و ... تخصیص یابد می‌تواند وضعیت بهینه موجود را نیز بهبود بخشیده و با افزایش عملکرد در واحد سطح و افزایش کارایی استفاده از

^{۲۴} مدل‌های پیشین غالباً یکی از محدودیتها، نیروی کار بوده و در آرمانها حداقل‌سازی اشتغال و عبارتی حداکثرسازی اوقات فراغت مطرح بوده است.

جدول ۳ - مقادیر بهینه کشت محصولات با استفاده از روشهای مختلف برنامه‌ریزی ریاضی

محصولات زراعی	الگوی نعلی	الگوی LP	الگوی GP	الگوی FGP	الگوی FGP	الگوی FGP	الگوی FGP
گندم (هکتار)	۲,۵۰	۲,۵۰	۲,۲۲	۲,۲۵	۲,۲۸	۱,۸۴	۲,۳۰
جو (هکتار)	۱,۵۰	۱,۷۰	۰,۰۰	۰,۰۰	۰,۰۰	۱,۷۰	۰,۰۰
آفتابگردان (هکتار)	۰,۷۰	۰,۰۰	۰,۰۰	۰,۰۰	۰,۰۰	۰,۰۰	۰,۰۰
نخود (هکتار)	۳,۰۰	۱,۰۰	۶,۰۰	۰,۰۰	۰,۴۹	۳,۶۸	۵,۵۶
یونجه (هکتار)	۰,۳۰	۰,۰۰	۰,۰۰	۵,۷۳	۵,۲۷	۵,۱۶	۳,۹۴
سیب زمینی (هکتار)	۱,۰۰	۴,۵۰	۰,۰۰	۰,۶۱	۱,۱۷	۰,۰۰	۰,۷۱
گوجه فرنگی (هکتار)	۲,۰۰	۲,۷۵	۴,۲۴	۰,۰۰	۰,۰۰	۰,۰۰	۰,۰۰
کنجد (هکتار)	۰,۵۰	۰,۰۰	۰,۰۰	۳,۹۲	۳,۲۸	۰,۱۲	۰,۰۰
ذرت دانه ای (هکتار)	۰,۵۰	۰,۰۰	۰,۰۰	۰,۰۰	۰,۰۰	۰,۰۰	۰,۰۰
کل سطح زیرکشت اختصاص یافته	۱۲,۰۰	۱۲,۵۰	۱۲,۵۰	۱۲,۵۰	۱۲,۵۰	۱۲,۵۰	۱۲,۵۰
بازده ناخالص (تومان)	۹۳۵۳۹۴,۵۰	۱۳۰۳۶۳۷,۰۲	۱۰۰۵۶۷۵,۵۲	۹۵۵۳۷,۲۹	۹۷۵۳۳,۰۱	۹۰۰۰۵۰,۴۰	۹۱۱۸۸۲,۷۶
کسب اعتبار از منابع غیر رسمی	۱۰۰۳۲۹,۰۰	۳۳۱۴۸۵,۳۴	۱۳۵۹۰۲,۳۳	۷۴۳۳۱,۷۰	۱۰۰۰۴۴,۲۷	۲۴۷۲۱,۱۳	۲۱۳۲۰,۳۸
اشتغال (نفر روز کار)	۴۸۲,۰۰	۶۴۳,۱۸	۵۷۱,۰۴	۴۷۷,۷۴	۴۹۸,۶۶	۴۶۸,۷۵	۵۱۰,۰۳
استفاده از کود (کیلو گرم)	۳۸۴۰,۳۰	۵۳۸۱,۳۷	۳۳۳۷,۷۴	۳۱۲۹,۶۶	۳۳۸۶,۵۱	۳۱۳۹,۲۰	۳۱۵۴,۵۷
استفاده از سم (کیلو گرم)	۱۶,۴۷	۹,۰۹	۱۱,۲۵	۷,۰۰	۷,۰۰	۷,۰۰	۷,۰۰
استفاده از علف کش (کیلو گرم)	۶,۳۱	۲,۷۷	۲,۶۰	۲,۰۰	۲,۰۰	۲,۰۰	۲,۰۰
شاخص ریسک	۷۵۱۷۵,۱۶	۱۲۵۳۳۹,۴۹	۱۰۴۳۷,۹۷	۴۳۸۱,۷۵	۴۹۴۳۷,۷۵	۴۰۴۲۸,۹۷	۵۳۰۵۶,۳۲

مأخذ: یافته‌های تحقیق

نهادها، مشکل محدودیت آب را نیز تا حد ممکن مرتفع نماید و عملاً در تحقق سایر اهداف مدیریت کمک قابل ملاحظه‌ای نماید. بطور کلی با توجه به امکان ملحوظ نمودن اهداف چندگانه قطعی، غیرقطعی و امکان تغییر در درجه اهمیت آرمانها در مدل‌های حاضر، این مدل‌ها می‌توانند در مسایل مدیریتی و دیگر جنبه‌های کاربردی به شکل توانایی عمل نمایند و در واقع با توجه به توان بالقوه‌ای که در عینی نمودن دنیای واقعی دارند، می‌توانند بعنوان مدل‌های انعطاف‌پذیر در مدیریت منطقه‌ای مورد استفاده برنامه‌ریزان و سیاست‌گذاران قرار گیرند و اهداف بلندمدت و کوتاه‌مدت مدیران را با لحاظ جنبه‌های زیست‌محیطی، اقتصادی و اجتماعی (توسعه پایدار) تا حد امکان تحقق بخشند.

جدول ۴ - مقایسه الگوهای مختلف بهینه برنامه‌ریزی کشت (تغییر در سطوح آرمانهای مختلف (درصد))

برنامه‌ریزی آرمانی فازی				آرمانی	خطی	الگوی موجود	آرمان
-۲,۵۹	-۳,۹۳	۳,۸۲	۲,۰۹	۱۱,۴۸	۲۲,۴۹	۰	درآمد ناخالص
-۶۷,۵۳	-۳۱۵,۱۵	-۲,۵۸	-۴۲,۰۱	۲۴,۴۸	۶۹,۰۴	۰	بدهی
۵,۵۰	-۲,۸۳	۳,۳۴	-۰,۸۹	۱۵,۵۹	۲۵,۰۶	۰	اشتغال
-۲۱,۷۴	-۲۲,۳۳	-۱۳,۴۰	-۲۲,۳۲	-۱۸,۶۱	۲۸,۶۴	۰	مصرف کود
-۱۳۵,۳۴	-۱۳۵,۳۶	-۱۳۵,۳۴	-۱۳۵,۳۴	-۴۶,۴۴	-۸۱,۲۹	۰	مصرف سم
-۲۱۵,۴۱	-۲۱۵,۴۸	-۲۱۵,۴۲	-۲۱۵,۴۰	-۱۴۲,۷۰	-۱۲۸,۱۲	۰	مصرف علف‌کش
-۴۱,۶۹	-۸۵,۹۴	-۵۰,۵۵	-۷۷,۳۸	۲۵,۹۱	۴۰,۰۲	۰	شاحص ریسک

برنامه‌ریزی آرمانی فازی				آرمانی	خطی	الگوی موجود	آرمان
-۳۲,۳۵	-۳۴,۰۷	-۲۴,۰۸	-۲۶,۳۱	-۱۴,۲۰	۰	-۲۹,۰۱	درآمد ناخالص
-۴۴۱,۱۱	-۱۲,۴۱	-۲۳۱,۳۴	-۳۵۸,۷۰	-۱۴۳,۹۱	۰	-۲۲۲,۹۹	بدهی
-۲۶,۱۱	-۳۷,۲۱	-۲۸,۹۸	-۳۴,۶۳	-۱۲,۶۳	۰	-۳۳,۴۴	اشتغال
-۷۰,۵۹	-۷۱,۴۳	-۵۸,۹۱	-۷۱,۴۰	-۶۶,۲۱	۰	-۴۰,۱۲	مصرف کود
-۲۹,۸۱	-۲۹,۸۲	-۲۹,۸۱	-۲۹,۸۱	۱۹,۲۲	۰	۴۴,۸۴	مصرف سم
-۳۸,۲۶	-۳۸,۲۹	-۳۸,۲۷	-۳۸,۲۶	۶,۳۹	۰	۵۶,۱۶	مصرف علف‌کش
-۱۳۶,۲۴	-۲۱۰,۰۲	-۱۵۱,۰۱	-۱۹۵,۷۴	-۲۳,۵۳	۰	-۶۶,۷۳	شاحص ریسک

برنامه‌ریزی آرمانی فازی				آرمانی	خطی	الگوی موجود	آرمان
-۱۵,۸۹	-۱۷,۴۱	-۸,۶۶	-۱۰,۶۱	۰	۱۲,۴۳	-۱۲,۹۷	درآمد ناخالص
-۱۲۱,۸۴	-۴۴۹,۷۴	-۳۵,۸۴	-۸۸,۰۶	۰	۵۹,۰۰	-۲۲,۴۲	بدهی
-۱۱,۹۶	-۲۱,۸۲	-۱۴,۵۱	-۱۹,۵۳	۰	۱۱,۲۲	-۱۸,۴۷	اشتغال
-۲,۶۴	-۳,۱۴	۴,۳۰	-۳,۱۲	۰	۳۹,۸۳	۱۵,۶۹	مصرف کود
-۶۰,۷۱	-۶۰,۷۲	-۶۰,۷۱	-۶۰,۷۱	۰	-۲۳,۸۰	۳۱,۷۱	مصرف سم
-۲۹,۹۶	-۲۹,۹۹	-۲۹,۹۶	-۲۹,۹۵	۰	۶,۰۱	۵۸,۸۰	مصرف علف‌کش
-۶۱,۲۵	-۱۵۰,۹۸	-۱۰۳,۲۱	-۱۳۹,۴۱	۰	۱۹,۰۵	-۲۴,۹۸	شاحص ریسک

برنامه ریزی آرمانی فازی				آرمانی	خطی	الگوی موجود	آرمان
-۶,۶۶	-۸,۰۵	۰	-۱,۸۰	۷,۹۷	۱۹,۴۱	-۳,۹۷	درآمد ناخالص
-۶۳,۳۱	-۳۰۴,۶۹	۰	-۳۸,۴۴	۲۶,۳۹	۶۹,۸۲	۲,۵۲	بدهی
۲,۲۳	-۶,۳۸	۰	-۴,۳۸	۱۲,۶۷	۲۲,۴۷	-۳,۴۶	اشتغال
-۷,۳۵	-۷,۸۸	۰	-۷,۸۶	-۴,۵۹	۳۷,۰۷	۱۱,۸۲	مصرف کود
۰	-۰,۰۱	۰	۰	۳۷,۷۷	۲۲,۹۶	۵۷,۵۱	مصرف سم
۰,۰۱	-۰,۰۲	۰	۰,۰۱	۲۳,۰۵	۲۷,۶۸	۶۸,۳۰	مصرف علف کش
۵,۸۹	-۲۳,۵۱	۰	-۱۷,۸۲	۵۰,۷۹	۶۰,۱۶	۲۳,۵۸	شاخص ریسک

مأخذ: نتایج بررسی

فهرست منابع

- آذر، ع. و ع، معماریانی. ۱۳۷۴. برنامه‌ریزی آرمانی شولا، تکنیکی نوین برای برنامه‌ریزان، نشریه علمی دانشگاه شاهد، شماره ۹ و ۱۰، صص: ۱-۱۲.
- اسدیپور، ح. ۱۳۷۶. کاربرد برنامه‌ریزی هدف در تعیین الگوی بهینه کشت با تأکید بر روشهای مختلف اولویت بندی اهداف در دشتهای ایران (مطالعه موردی دشت ناز شهرستان ساری)، پایان‌نامه کارشناسی ارشد اقتصاد کشاورزی، دانشگاه تهران.
- حاج رحیمی، م. و ج، ترکمانی. ۱۳۷۶. کاربرد برنامه‌ریزی هدف در تعیین برنامه بهینه واحدهای کشاورزی (مطالعه موردی استان آذربایجان غربی)، فصلنامه اقتصاد کشاورزی و توسعه، شماره ۲۰، صص: ۳۹ - ۵۱.
- دریجانی، ع. ۱۳۷۶. کاربرد مدل‌های برنامه‌ریزی آرمانی و ریسکی در کشاورزی. پروژه برنامه‌ریزی خطی کارشناسی ارشد اقتصاد کشاورزی، دانشگاه تهران.
- سلطانی، غ. و م، زیبایی. ۱۳۷۸. کاربرد برنامه‌ریزی ریاضی در کشاورزی، سازمان تحقیقات، آموزش و ترویج کشاورزی، صص: ۴۰۳.
- عسگری، ن. و ر، زنجیرانی فراهانی. ۱۳۷۸. ساختار روشهای تصمیم‌گیری چند معیاره MADM، فصلنامه صنایع، شماره ۱۸، صص: ۵۹ - ۵۵.
- هزینه تولید محصولات کشاورزی، ۱۳۷۱. وزارت کشاورزی.
- Baran, B. P., & I. Basu. 1996. Selection of appropriate priority structure for optimal land allocation in agricultural planning through Goal Programming , *Ind. Jn. Agri. Econ*, 51 (3). PP : 342 - 54.
 - Charnes, A., & W. W., Cooper . 1961. Management models and industrial application of Linear Programming , John Wiley, New York, U. S. A.
 - Dekluyver, C. A. 1970. On the important of goal norming in non-preemptive Goal Programming , *Operations research* , 16. PP : 88 - 97.
 - Duval, Y. & A. M. Featherstone. 1999. Fuzzy logic and Compromise Programming in portfolio management, paper presented at

Western Agricultural Economics Association Annual Meeting, Fargo, 15 P.

- Ijiri, Y. 1965. *Management goals and accountings for control*, North Holland, New York, U. S. A.
- Lee, S. M., et al. 1990. *Management science*. Allyn & Bacon, Boston, U. S. A.
- Romero, C., et al. 1987. *Multiple Objectives in agricultural planning : A Compromise Programming application*, *Amer. Jn. Agri. Econ*, 69(1), PP : 78 - 86.
- Romero, C., & T., Rehman. 1985. *Goal Programming and Multiple Criteria Decision Making in farm planning : An expository analysis* : *Jn. Agri. Econ*. 36, PP :171 - 85.
- Rubing, P. A., & R., Narasimhan. 1984. *Fuzzy Goal Programming with nested priorities*, *FSS*, 14, PP :115 - 29.
- Soni, B., R. Singh & D. R., Pand. 1995. *Optimal crop planning for Kansabahal irrigation project, Orissa, India. Proceeding of Reginal Conference on Water resources management, Isfahan, Iran.*
- Torkamani, J. 2000. *Incorporation Multiple Objectives in farm planning : Application of Goal Programming technique*, Paper accepted in *Iran Agricultural Research, Shiraz*, 16 P.
- Willis, C. E., & R. D. Perlack. 1980. *A Comparision of Generating Techniques and Goal Programming for public investment , Multi objective Decision Making*, *Amer. Jn .Agri. Econ*. February, PP : 66 - 75.
- Yu, P. L. 1973. *A class of solution for group decision problems*, *Manage. Sci*. 19, PP : 936 - 46.
- Zanakis, S. H., & S. K. Gupta. 1985. *A categorized bibliographic survey of Goal Programming*, *Omega*, 3, PP : 211 - 22.
- Zeleny, M. 1982. *Multiple Criteria Decision Making*, Mc Graw Hill, New York.

Crisp and Fuzzy Goal Programming Application in Agricultural Production Optimization

A. Darijani

M. Koopahi

(Ph.D student and professor of agricultural economics, university of Tehran)

Abstract

Today the management science lies mainly in modeling and mathematical programming techniques for optimal allocation of scarce resources to achieve the objectives are of the main tools of this science. Unlike the industrial sector, decision makers in agriculture are often confronted with multiple conflicting objectives and also the production in this sector is always faced with uncertainty, because of its dependence on weather conditions, marketing and resources availability. Most of the Linear Programming models are single objective and the availability of resources is considered as constant both of them being quite inconsistent with the nature of agricultural production.

Fuzzy Goal Programming techniques provide simultaneous achievement of multiple objectives by minimizing the weighted deviations from the desired levels and at the same time generated a practical, powerful and flexible technique to model complicated decision makings by using fuzzy logic. This study makes use of Crisp and Fuzzy Programming models and the data obtained from a representative farm in SarPaniran, Fars, to maximize the relative achievement of multiple objectives including maximization of gross margin and employment, minimization of risk, credit need from informal sources, fertilizers, pesticides, and herbicides use and to determine the optimal cropping pattern. In addition it compares the results of these models to each other, along with presenting the general structure of Goal Programming models. The results show that the optimal pattern is different in various conditions and Goal Programming techniques generate more realistic and flexible results than the conventional Linear Programming method.

Key words : *Programming , Linear Programming (LP), Goal Programming (GP), Fuzzy Goal Programming (FGP), Crisp, Optimization, Modeling, Agriculture.*